

REGNECENTRALEN
DANSK INSTITUT FOR MATEMATIKMASKINER

ATOMENERGIKOMMISSIONENS

- 5 JUNI 1959
BIBLIOTEK - RISØ

SEKVENS-
BETEGNELSE

AF 2

DASK - BIBLIOTEKSPECIFIKATION

side 1/6

Kodet af PM d. 20.8.58

Indkørt af PM d. 25.8.58

Udgivet d. 1.4.59

$$y = \sqrt[n]{x}$$

(2 ≤ n ≤ 169)

Indhops- adreser	Udhops- adreser	Indgang	Udgang	Max. ordre- antal	Køretid				
					min.	max.			
0A8	61A8	$C(AR) = x$ $(-1 \leq x < 1)$	$\frac{x}{ x } \sqrt[n]{ x }$ → AR og MR	62	ca.196 + 50(n-2) AT (18 $\frac{1}{2}$ AT)	ca.294 + 88(n-2) AT (586 + 200(n-2) AT)			
72A8	83A8	$C(FAR) = x$	$\frac{x}{ x } \sqrt[n]{ x }$ → FAR	74	ca.200 + 50(n-2) AT (18 AT)	ca.296 + 88(n-2) AT (584 + 200(n-2) AT)			
Kodelængde	0 - 71 (DASK-tal) 0 - 83 (flydende tal)	Undersekvenser		Ingen					
Begyndelsesadresse	Lige	Arbejdssteller	I sekvensen						
Grundparametre	Ingen	Perm. konstanter	$C(2039), C(2040v),$ $C(2041), C(2042v),$ $C(2043)$						
Programparametre	nA00								

Grundlag

At beregne $y = \sqrt[n]{x}$ er ensbetydende med at finde nulpunkt i polynomiet

$$f(y) = y^n - x.$$

Hertil benyttes Newtons iterationsmetode. Man får:

$$\begin{aligned} y_{k+1} &= y_k - \frac{f(y_k)}{f'(y_k)} = \\ &= y_k - \frac{y_k^n - x}{n y_k^{n-1}} = \\ &= y_k - \frac{1}{n} \left(y_k - \frac{x}{y_k^{n-1}} \right) = \\ &= y_k + b_k. \end{aligned}$$

Funktion

Sekvensen beregner $y = \sqrt[n]{|x|}$ (Hvis $x = 0$, sættes $y = 0$). Ved DASK - tal omformes x til flydende form, så man i alle tilfælde har

$$\begin{aligned} |y'| \cdot 2^{y'''} &= \sqrt[n]{|x'| \cdot 2^{x'''}} = \\ &= \sqrt[n]{|x'| \cdot 2^{-r}} \cdot \sqrt[n]{2^{x'''+r}} = \\ &= \sqrt[n]{|x'| \cdot 2^{-r}} \cdot 2^{y'''}, \end{aligned}$$

hvor $\frac{1}{2} \leq |x'| < 1$. $\frac{1}{2} \leq |y'| < 1$, og hvor r er bestemt således, at $x'''+r$ er delelig med n , $0 \leq r < n$. $|y'| = \sqrt[n]{|x'| \cdot 2^{-r}}$ beregnes ved hjælp af ovennævnte iterationsformel. Som startværdi bruges

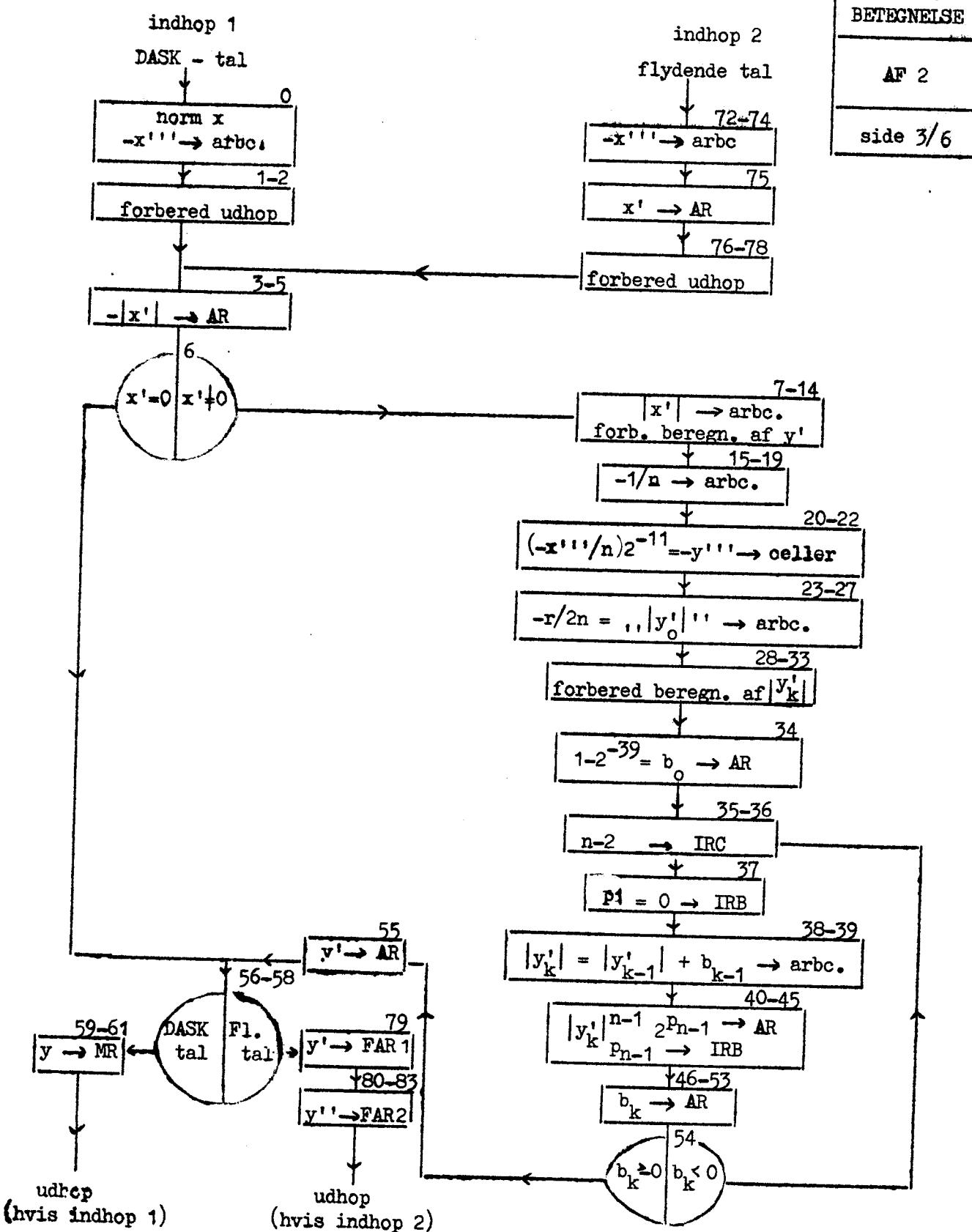
$$|y'_1| = 1 - \frac{r}{2n}.$$

Antallet af iterationer bestemmes i hvert enkelt tilfælde, idet iterationsprocessen stopper, når fejlen skifter fra at være negativ til at være positiv.

Den maksimale fejl er $8 \cdot 10^{-12}$.

(Bemærk, at n ikke må være 1).

Rutediagram



Kode

DASK - tal indhop

0 70 A8 0E

- $x''' \rightarrow$ arbc.

1 57 A8 34

opbevar C(IRB)

2 59 A8 35

DASK - tal indikation \rightarrow IRB78 \rightarrow 3 62 A8 08 $x' \rightarrow$ arbc.

4 62 A8 43

- $|x'| \rightarrow$ AR

5 58 A8 34

C(IRB) \rightarrow 58A857 \leftarrow 6 57 A8 11hop, hvis $x' = 0$

7 62 A8 41

- $x' \rightarrow$ AR11 \leftarrow 8 11 A8 11hop, hvis $-1 < x' < 0$ 12 \leftarrow 9 12 A8 52hop, hvis $0 < x' < 1$

10 2040 A 41

1 - 2⁻³⁹ \rightarrow AR8 \rightarrow 11 62 A8 08| $x'| \rightarrow$ arbc.9 \rightarrow 12 19 A 0Dhvis $x < 0: 0 \rightarrow$ Akv, vis $x > 0: -2^{19} \rightarrow$ Akv

13 26 A8 20 }

66A840 ell.. 66A841 \rightarrow 55A8

14 55 A8 28 }

opbevar C(IRC)

15 56 A8 54

16 2039 A 60 }

- $\frac{1}{n} \rightarrow$ arbc.

17 1 D 2B }

18 2040 A 2A }

19 64 A8 08 }

- $\frac{x'''}{n} \cdot 2^{-11} = y''' \cdot 2^{-11} + \frac{r}{n} \cdot 2^{-11} \rightarrow$ AR

20 70 A8 2A }

21 59 A8 29 }

22 70 A8 29 }

- $y''' \rightarrow$ 59A8adr & arbe

23 70 A8 21 }

24 10 A 0C }

25 66 A8 08 }

26 66 A8 41 }

27 66 A8 08 }

28 66 A8 04 }

29 1 D 2A }

30 71 A8 40 }

31 51 A8 29 }

- $\frac{r}{2n} = " |y_0''' |" \rightarrow$ arbc.- r \rightarrow AR v adr1960 - r \equiv 40 - r (mod 128) \rightarrow 51A8 adr

(33)	32 1 D 60		
	33 35 A8 29	} n → 35A8 adr	
	34 2040 A 41	1-2 ⁻³⁹ = b ₀ → AR	
	54 → 35 (0)A 55	n → IRC	
	36 2046 C 55	-2 + C(IRC) → IRC (1 ⇒ i)	
	37 0 A 35	p _i = 0 → IRB	
	38 66 A8 06	y' _k = y' _{k-1} + b _{k-1} → arbc.	
	45 ← 39 45 A8 10	hop	
	45 → 40 2042 A 24		
	41 66 A8 4A	} y' _k ⁱ⁺¹ · 2 ^{p_i} → AR+MR	
(42)	42 43 A8 4E	norm	
	43 (0)B 35	p _{i+1} → IRB	
	44 2047 C 55	n - 1 - i → IRC (i+1 ⇒ i)	
	39 → ,40 ← 45 40 A8 53	hop, hvis i < n-1	
	46 68 A8 08	y' _k ⁿ⁻¹ · 2 ^{p_{n-1}} → arbc.	
	47 62 A8 41		
	48 1 A OD	} $\frac{- x' \cdot 2^{-(p_{n-1}+1)}}{ y' ^{n-1}}$ → MR	
	49 68 A8 OB		
(31)	50 2041 A 41	- x' · 2 ^{-(p_{n-1}+40)} / y' _k ⁿ⁻¹ → AR+MR	
	51 (0)B 4C	- x' · 2 ^{-r} / y' _k ⁿ⁻¹ → AR+MR	
	52 66 A8 04		
	53 64 A8 0A	} b _k → AR	
(14)	35 ← 54 35 A8 51	hop, hvis b _k < 0	
(15)	55 (A)	y' → AR	
(1) (76)	56 (0)A 55	retabler IRC	
(5)	6 → 57 (0)A 35	retabler IEB	
(21)	79 ← ,59 ← 58 (0)A 10	hop	
	58 → 59 (0)A OD		
	60 2042 A 24	} y → MR	
udhop	61 2 D 10	hop ud	

SEKVENS-
BETEGNELSE
AF 2
side 6/6

62	A	}	x'
63	A		
64	A	}	$\rightarrow \frac{1}{n}$
65	A	}	
66	A	}	y'
67	A	}	
68	A	}	y'_k ^{n-1} \cdot 2^{Pn-1}
69	A	}	
70	A		-x''' , -y'''
71	168	B 00	40 mod 128, plus afrunding

Flydende tal indhop

72	2003	A 61	}
73	2043	A 20	}
74	70	A8 28	

75	2000	A 40	x' → AR
76	57	A8 34	opbevar C(IRB)
77	79	A8 35	fl. tal indikation → IRB

(77) 3 ← 78 3 A8 10 hop

58 →	79	2000	A 08	y' → FAR 1
	80	70	A8 61	
	81	2043	A 20	}
	82	2003	A 28	y'' → FAR 2

udhop 83 2 D 10 hop ud